

О ПОДХОДАХ К ОБЕСПЕЧЕНИЮ ДОСТАТОЧНОГО УРОВНЯ СТОЙКОСТИ В ЧАСТИ КОНФИДЕНЦИАЛЬНОСТИ ПРИ МАЛОЭНТРОПИЙНЫХ ПРЕДВАРИТЕЛЬНО РАСПРЕДЕЛЕННЫХ СЕКРЕТАХ

- Варфоломеев Александр Алексеевич,
- канд. физ.-мат. н., доцент, МГТУ, МИФИ, РУДН, г. Москва,
a.varfolomeev@mail.ru

Малоэнтропийные секреты, короткие ключи, слабые ключи, пароли

- **Короткие ключи.**
- Симметричные шифры:
 - 56 бит (ПП № 313);
 - 80 бит ([ISO/IEC 29192-2:2012](#) - Lightweight cryptography - Part 2: Block ciphers.)
- Асимметричные шифры:
 - 512 бит или 112 бит (ПП № 313);
- Если $H(PW) = 56$ бит, то
- Длина PW при $H(PW) = 56$ равна 37 букв английского языка (1, 5 бит на букву). Не запомнить.
- **Малоэнтропийные секреты (ключи).**
 - Low-entropy password - 4 цифры – PIN. $H(PIN) = 13,288$ бит.
 - 118 бит (PSK -pre-shared key, де-факто стандарт для ряда приложений IPsec).
- ISO/IEC 11770-4:2017(en) Information technology — Security techniques — Key management — Part 4: Mechanisms based on **weak secrets**

РусКрипто 2018.

Варфоломеев А.А.

ОБ АСИММЕТРИЧНО ВЫПОЛНИМЫХ СИММЕТРИЧНЫХ КРИПТОСИСТЕМАХ (ШИФРАХ)

Асимметричность трудоемкости выполняемых работ законными участниками взаимодействия, например, при зашифровании открытого текста отправителем и при расшифровании соответствующего шифрованного текста получателем.

- Рекомендации для использования в симметричных системах с короткими ключами (короткие ключи - 56 бит, 512 бит, 112 бит).
 - Случайный выбор добавления к короткому ключу отправителем.
 - AON преобразование (All-Or-Nothing Transform)
 - OAEP (Optimal Asymmetric Encryption Padding).
 - Режим шифрования (5.3 Режим гаммирования с обратной связью по выходу ($s < n$) или
 - 5.5 Режим гаммирования с обратной связью по шифртексту ($s < n$)).
 - Соккрытие части шифрованного текста для его перебора получателем.

Пример.

- 56 бит ключ симметричного алгоритма шифрования.
- 20 бит опробование на РС в течении 1 мин получателем ($V = 10^9$ оп/сек).
- открытый текст – 370 Кбайт.
- Режим шифрования - Режим гаммирования с обратной связью по шифртексту.
- Трудоемкость метода полного опробования увеличивается с порядка 2^{56} до порядка 2^{97} операций.

РусКрипто 2018.

Варфоломеев А.А.

**ОБ АСИММЕТРИЧНО ВЫПОЛНИМЫХ СИММЕТРИЧНЫХ КРИПТОСИСТЕМАХ
(ШИФРАХ)**

12 слайд из презентации 2018 года.

Другие технологии повышения стойкости.

- ЕКЕ – Encrypted Key Exchange (Bellovin S., Merritt M.) 1992г.
- SESPAKE – Security Evaluated Standardized Password Authenticated Key Exchange (Алексеев Е., Ахметзянова Л., Ошкин И., Смышляев С.) 2016г.
- Р 50.1.115-2016 (Протокол выработки общего ключа с аутентификацией на основе пароля).
- И др.

АКЕ - Authenticated key exchange – Обмен ключами с аутентификацией

- 1. Использование цифровых подписей и сертификатов открытых ключей - Public Key Infrastructure (PKI)-based authentication.
- 2. Использование парольных слов или фраз - Password-based АКЕ (РАКЕ).
- РАКЕ - двусторонний протокол установления (выработки) высокоэнтروпийного сессионного ключа на основе обладания сторонами лишь общего пароля (малоэнтропийный ключ).
- Часто – «Клиент – сервер» модель.
- 2РАКЕ – А,В.
- 3РАКЕ – А,В, trusted server.

Примеры PAKE

- PAK (2000)
- PPK (2000)
- J-PAKE - Password Authenticated Key Exchange by Juggling (2017)
- Secure Pre-Shared Key (PSK) authentication for Internet Key Exchange (IKE) protocol (RFC 6617 – 2012).
- SRP - Secure Remote Password protocol (RFC 2945 – 1998).
- O-PAKE –Oblivious PAKE (2013-127)
- IBPAKE – Identity-based PAKE (2015-1099)
- DE-PAKE – Device Enhanced PAKE (2015-1099).
- Threshold - PAKE (2014-650).
- SESPAKE (2015 – 1237, RFC 8133).
- **Патентованные.**
 - EKE – (1995. US Patent 5,440,635)
 - SPEKE – Simple Password Exponential Key Exchange (US Patent 6,226,383. 2001).
 - AugPAKE
 - OPAQUE
- **Стандарты**
- ISO/IEC 11770-4:2017(en) Information technology — Security techniques — Key management — Part 4: Mechanisms based on weak secrets.

Некоторые обзоры по PAKE

- 2012. David Pointcheval. Password-based Authenticated Key Exchange. International Conference on Practice and Theory of Public-Key Cryptography (PKC 2012).
- 2015. Stanislav V. Smyshlyaev, Igor B. Oshkin, Evgeniy K. Alekseev, Liliya R. Ahmetzyanova On the Security of One Password Authenticated Key Exchange Protocol (2015-1237).
 - One-Encryption Key-Exchange (OEKE/AuthA);
 - Password Authenticated Key Exchange (PAK);
 - Password Authenticated Connection Establishment (PACE);
 - DragonFly;
 - Strong Password-Only Authenticated Key Exchange (SPEKE);
 - Simple Password-Based Encrypted Key Exchange (SPAKE2);
 - Password Authenticated Key Exchange by Juggling (J-PAKE);
 - Augmented Password Authenticated Key Exchange (AugPAKE);

Типы протоколов установки ключей (Key establishment protocols)(1)

- Протоколы транспортировки ключей
(Key transport)
- Протоколы согласования ключей (Key agreement)

Типы протоколов согласования ключей (Key agreement protocols)(2)

- **Balanced password-authenticated key agreement.** Сбалансированное согласование ключей с аутентификацией по паролю: два объекта использовали один и тот же слабый секретный ключ; и ни один из двух объектов не может предопределить значения общих секретных ключей.
- **Augmented password-authenticated key agreement.** Расширенное согласование ключей с аутентификацией по паролю: А имеет слабый секрет, а В имеет проверочные данные, полученные из значения односторонней функции от слабого секрета А. Это увеличивает цену для противника, чтобы получить слабый секрет А от В (verifier-based PAKE или V-PAKE). SRP, PAK-Z, AMP, AugPAK, OPAQUE, AugmentedEKE, B-SPEKE.
- **Password-authenticated key retrieval (PAKR).** А имеет слабый секрет, а В имеет сильный секрет, связанный со слабым секретом А. (IEEE 1363.2)

РАКЕ для ПОСТ-КВАНТОВОГО МИРА

- 2017-360 Provably Secure Three-party Password Authenticated Key Exchange Protocol Based On Ring Learning With Error.(3PAKE protocol from lattices).
- 2017-1192 Efficient Implementation of Password-Based Authenticated Key Exchange from RLWE and Post-Quantum TLS.
- 2017-1196 Post-Quantum Secure Remote Password Protocol from RLWE Problem.
- Provably secure password authenticated key exchange based on rlwe for the post-quantum world. CT-RSA 2017. 183–204.
- Two-round pake from approximate sph and instantiations from lattices. ASIACRYPT 2017, pages 37–67.
- 2018-886 An Isogeny-Based Password-Authenticated Key Establishment Protocol. **Oleg Taraskin, Vladimir Soukharev, David Jao, Jason LeGrow.**

Bellovin S., Merritt M. *Encrypted Key Exchange: Password-Based Protocols Secure Against Dictionary Attacks (1)*

- Рассматривать парольное слово PW как 56 битовый ключ.
 - Транспортировка высокоэнтропийного ключа k от B к A
- 1. A: [A, E(PW; PKa)] → B ,
 - E(PW; PKa) – симм. шифр. на ключе PW, PKa – открытый ключ A.
- 2. B: E(PW; E_PKa(k)) → A , k – высокоэнтропийный ключ.
 - Подтверждение ключа k – «Запрос-ответ»
- 3. A: PW, PKa, E(PW; E_PKa(k)) → k, E(k; R_a) → B.
- 4. B: k, E(k; R_a) → R_a, E(k; R_a || R_b) → A.
- 5. A: k, E(k; R_a || R_b) → R_a || R_b , R_a =?, E(k; R_b) → B
- 6. B: k, E(k; R_b) → R_b =?

Bellovin S., Merritt M. *Encrypted Key Exchange: Password-Based Protocols Secure Against Dictionary Attacks (2)*

- Рассматривать парольное слово PW как 56 битовый ключ.
 - Транспортировка высокоэнтропийного ключа k от B к A
- 1. A: [A, E(PW; PKa)] → B ,
 - E(PW; PKa) – симм. шифр. на ключе PW, PKa – открытый ключ A
- 2. B: E(PW; E_PKa(k)) → A , k – высокоэнтропийный ключ.
 - Подтверждение ключа k – «Запрос-ответ»
- 3. A: PW, PKa, E(PW; E_PKa(k)) → k, E(k; R_a) → B.
- 4. B: k, E(k; R_a) → R_a, E(k; h(R_a) || R_b) → A. h- хэш-функция
- 5. A: k, E(k; R_a || R_b) → R_a || R_b , R_a =?, E(k; h(R_b)) → B
- 6. B: k, E(k; R_b) → R_b =?

Трудоемкость вскрытия

- $T = O(2^{56} * L_{(1/3)}[1,9018, 512])$,
- если «либо на методе разложения на множители целых чисел, размер которых не превышает 512 бит, либо на методе вычисления дискретных логарифмов в мультипликативной группе конечного поля размера, не превышающего 512 бит»
- Или
- $T = O(2^{56} * 2^{56})$ - если «на методе вычисления дискретных логарифмов в иной группе размера, не превышающего 112 бит»

Bellovin S., Merritt M. *Encrypted Key Exchange: Password-Based Protocols Secure Against Dictionary Attacks (3)*

- 1. A: [A, E(PW; PKa)] → B ,
 - E(PW; PKa) – симм. шифр. на ключе PW, PKa – открытый ключ A
- 2. B: E(PW; E_PKa(k)) → A , k – высокоэнтропийный ключ.
 - **1 вариант усиления.** Если увеличить PW до PW-R:
- 1. A: [A, E(PW-Ra; PKa)] → B , У B нет критерия на ОТ для PKa.
 - Заменяем
- 1. A: [A, E(PW-Ra; PKa || h(Pka))] → B , аналог шифрования структурного открытого текста. Методы усиления – СМ. выше.
- 2. B работает больше A. B перебирает Ra и ищет PKa.
- Далее E(PW; E_PKa(k)) → A.
- Но критерий на открытый текст получает и противник.

Bellovin S., Merritt M. *Encrypted Key Exchange: Password-Based Protocols Secure Against Dictionary Attacks (4)*

- 1. A: $[A, E(PW; PKa)] \rightarrow B$,
 - $E(PW; PKa)$ – симм. шифр. на ключе PW, PKa – открытый ключ A
- 2. B: $E(PW; E_{PKa}(k)) \rightarrow A$, k – высокоэнтропийный ключ.
 - **2 вариант усиления.** Если увеличить число открытых ключей:
- 1. A: $[A, E(PW; PKa1, PKa2, \dots, PKaN)] \rightarrow B$.
- 2. B: Выбирает один ключ PKaJ пользователя A.
 - $E(PW; E_{PKaJ}(k \parallel h(k))) \rightarrow A$, k – высокоэнтропийный ключ.
Стойкое шифрование на открытом ключе - $E_{PKaJ}(k \parallel h(k))$.
- 3. A работает больше B. A перебирает свои открытые ключи PKa1, PKa2, ..., PKaN, ищет PKaJ и ключ k. Критерий – нахождение ключа k с правильным прикрепленным значением h(k).

Bellovin S., Merritt M. *Encrypted Key Exchange: Password-Based Protocols Secure Against Dictionary Attacks (5)*

- 1. A: $[A, E(PW, PKa)] \rightarrow B$,
 - $E(PW; PKa)$ – симм. шифр. на ключе PW, PKa – открытый ключ A
- 2. B: $E(PW; E_{PKa}(k)) \rightarrow A$, k – высокоэнтропийный ключ.
 - **3 вариант усиления – комбинация 1 и 2 вариантов.**
- 1. A: $[A, E(PW - Ra; PKa1, PKa2, \dots, PKaN, h(*)))] \rightarrow B$.
- 2. B: B перебирает Ra и ищет истинный набор открытых ключей. Выбирает один ключ PKaJ пользователя A.
- $E(PW-Rb; E_{PKaJ}(k \parallel h(k))) \rightarrow A$, k – высокоэнтропийный ключ. Стойкое шифрование на открытом ключе.
- 3. A: перебирает свои открытые ключи PKa1, PKa2, ..., PKaN и Rb, ищет PKaJ и ключ k. Критерий – нахождение ключа k с правильным прикрепленным значением h(k).

Система шифрования с открытым ключом Эль Гамала (1)

- Параметры: p – большое простое число (не более 512 бит).
- $Z^*_p = (g)$ – мультипл. группа кольца вычетов целых чисел по модулю p . g – генератор.
- A, B
- PK_b – открытый ключ пользователя B , $y_b = g^{x_b} \pmod{p}$.
- x_b – долговременный закрытый ключ пользователя B .
- Зашифрование ОТ M . A : $K = y_b^k \pmod{p}$, k – разовый закрытый ключ.
- $C1 = g^k \pmod{p}$, $C2 = K * M \pmod{p}$.
- Расшифрование. B : $K = C1^{x_b} \pmod{p}$, $M = C2 / K \pmod{p}$.
- G . Атака решением DLP. $C1 \rightarrow k$.
- Для усложнения - разбить $C1 = C1_l \parallel C1_r$ и $C1_r$ не передавать.
- B перебирает $C1_r$. Зная x_b находит K и M . Противник x_b не знает, но может найти из $y_b = g^{x_b} \pmod{p}$ решая DLP.
- Для усложнения B создает N открытых ключей: $y1_b, y2_b, \dots, yN_b$.

Система шифрования с открытым ключом Эль Гамала (2)

- Зашифрование открытого текста M .
- A : Случайно выбирает открытый ключ y_{j_b} , из $\{y_{1_b}, y_{2_b}, \dots, y_{N_b}\}$.
- $K = y_{j_b}^k \pmod{p}$, k – разовый закрытый ключ.
- Шифртекст: $C1 = g^k \pmod{p}$, $C2 = K * M \pmod{p}$.
- $C1 = C1_l \parallel C1_r$ и часть $C1_r$ и не передавать.
- Расшифрование.
- B : перебирает неизвестную часть $C1_r$ и y_{i_b} для i из $\{1, \dots, N\}$.
- $K = (C1_l \parallel C1_r)^{x_{i_b}} \pmod{p}$, $M = C2 / K \pmod{p}$. Критерий – структурность ОТ (например, добавить $h(M)$).
- Опробование каждого варианта полиномиально (1 возведение в степень).
- G . Не знает часть $C1$ и не знает, какой был использован открытый ключ.
- Модель предполагаемого G .
- Не может регулярно решать DLP для параметров 512 (112) бит.

Система шифрования с открытым ключом Эль Гамала (3)

• Особенности применения в протоколе ЕКЕ

- Подлинность открытых ключей подтверждается не УЦ, а РW.
- 3 вариант усиления – комбинация 1 и 2 вариантов.
- 1. А: $[A, E(PW - R_a; PK_{a1}, PK_{a2}, \dots, PK_{aN}, h(*)))] \rightarrow B$.
- 2. В: В перебирает R_a и ищет истинный набор открытых ключей. Выбирает один ключ PK_{aJ} пользователя А.
- $E(PW - R_b; E_{PK_{aJ}}(k \parallel h(k))) \rightarrow A$, k – высокоэнтропийный ключ. Стойкое шифрование на открытом ключе.
- 3. А: перебирает свои открытые ключи $PK_{a1}, PK_{a2}, \dots, PK_{aN}$ и R_b , ищет PK_{aJ} и ключ k . Критерий – нахождение ключа k с правильным прикрепленным значением $h(k)$.
- Можно добавить для усиления сокрытие части шифртекста для ее перебора участниками (и противником).

Сложность применения РАКЕ в России – нет стандарта на асимметричный шифр.

- [ISO/IEC 29192-1:2012](#) Information technology - Security techniques - Lightweight cryptography - Part 1: General.
- [ISO/IEC 29192-2:2012](#) - Lightweight cryptography - Part 2: Block ciphers.
- [ISO/IEC 29192-3:2012](#) - Lightweight cryptography - Part 3: Stream ciphers.
- [ISO/IEC 29192-4:2013](#) - Lightweight cryptography - Part 4: Mechanisms using asymmetric techniques.
- [ISO/IEC 29192-5:2016](#) - Lightweight cryptography - Part 5: Hash-functions.
- **Present cipher** - The block size is 64 bits & the key size can be 80 bit or 128 bit.

Заключение

- Малоэнтропийные ключи – хуже коротких.
- Технология асимметричного выполнения шифров может быть применена для увеличения стойкости протоколов РАКЕ.
- Необходимо больше гармонизировать международные криптографические стандарты по аналогии со стандартами в области ИБ (ГОСТ Р ИСО/МЭК 27001 и др.).