

# Пас из-за границы – атака на ГОСТ

Чиликов Алексей Анатольевич,  
МГТУ им. Баумана

# Краткое содержание

- Алгоритм шифрования ГОСТ 28147-89
- «Японская» атака (T. Isobe, FSE'2011) – основные характеристики
- Детальное описание атаки
  - Reflection Points
  - Разделение ключей
  - Оценки сложности
- Итоговые замечания

# ГОСТ 28147-89

- Стандарт шифрования с 1989
- Действует в настоящее время
- Опубликованных атак до сих пор не было!

# ГОСТ 28147-89

- Блочный шифр
- Размер ключа – 256 бит
- Размер блока – 64 бита
- Схема Фейстеля
  
- 32 раунда
- 8 раундовых ключей по 32 бита
- Раундовый ключ используется 4 раза
- Порядок подключей: 0-7, 0-7, 0-7, 7-0

# ГОСТ 28147-89

- Вход: (  $L[0], R[0]$  ) – 2 слова по 32 бита
- Выход: (  $R[32], L[32]$  ) – 2 слова по 32 бита
- Описание раунда:
  - $L[i+1] = R[i] \wedge F(K[i]+L[i])$
  - $R[i+1] = L[i]$
- После последнего раунда меняется порядок L и R
- Расшифрование такое же, но с обратным порядком раундовых ключей
- $F$  – нелинейная функция
- Для атаки достаточно лишь биективности  $F$

# Характеристики атаки

- Takanori Isobe, FSE'2011
- Сложность по времени:  $T \sim 2^{225}$
- Сложность по данным:  $D \sim 2^{32}$
- Known Plaintext Attack
- Single-Key Model

# Reflection Points

- $L[ i+1 ] = R[ i ] \wedge f( k, L[ i ] )$
- $R[ i+1 ] = L[ i ]$
  
- $L[ i ] = R[ i+1 ]$
- $R[ i ] = L[ i+1 ] \wedge f( k[i], R[ i+1 ] )$
  
- Что если?
  - $( L[ i ], R[ i ] ) = ( R[ 2m-i ], L[ 2m-i ] )$
  - $K[ i ] = K[ 2m+1-i ]$
  
- $L[ i-1 ] = R[ 2m-(i-1) ]$
- $R[ i-1 ] = L[ 2m-(i-1) ]$

# Reflection Points

- Ключи для раундов 16-31 повторяются и используются в симметричном порядке
- $K[24] = K[23], K[25] = K[22], \dots, K[31] = K[16]$
- Если  $L[24] = R[24]$ , то  $(L[16], R[16]) = (R[32], L[32])$
- Это и есть **reflection point**
- Количество reflection point –  $2^{32}$  (из  $2^{64}$ )
- $P \rightarrow (0-15 \text{ раунды}) \rightarrow C \rightarrow (16-31 \text{ раунды}) \rightarrow C$
- Среди  $2^{32}$  пар  $(P, C)$  с большой вероятностью найдётся хотя бы один reflection point (неизвестно, какой)

# Разделение ключей

- Пусть ( P, C ) – reflection point
- Обозначим:
  - $P \rightarrow (K[0..3]) \rightarrow S \rightarrow (K[4..7]) \rightarrow X \rightarrow (K[0..3]) \rightarrow T \rightarrow (K[4..7]) \rightarrow C$
- S –  $2^{64}$  вариантов
- T –  $2^{64}$  вариантов
- При известных ( P, C ):
  - S зависит только от  $K0 = K[0] || K[1] || K[2] || K[3]$
  - T зависит только от  $K1 = K[4] || K[5] || K[6] || K[7]$

# Эквивалентность ключей

- Пусть  $U \rightarrow K[0..3] \rightarrow V$
- **Лемма:** Для любых  $(U, V)$  существует в точности  $2^{64}$  ключей  $K = K[0] \parallel K[1] \parallel K[2] \parallel K[3]$ , таких что  $U \rightarrow V$
- Зададим  $K[0], K[1]$  произвольно
- $U \rightarrow K[0..1] \rightarrow X \rightarrow K[2..3] \rightarrow V$
- Обозначим  $U = (U_l, U_r), V = (V_l, V_r), X = (X_l, X_r)$
- $X$  легко вычисляется по  $U, K[0], K[1]$

# Эквивалентность ключей

- $V_r = X_r \wedge F( X_l + K[2] )$
- $V_l = X_l \wedge F( V_r + K[3] )$
- $\Rightarrow$
- $K[3] = F^{-1}( V_l \wedge X_l ) - V_r$
- $K[2] = F^{-1}( V_r \wedge X_r ) - X_l$
  
- $\Rightarrow$  Для любых  $K[0], K[1]$  существуют подходящие  $K[2], K[3]$
  
- Т.о., для любых  $( U, V )$  существует в точности  $2^{64}$  подходящих ключей
  
- Такие ключи назовём **эквивалентными**

# Разделение ключей

- Пусть ( P, C ) – reflection point
  - P -> (K[0..3]) -> S -> (K[4..7]) -> X -> (K[0..3]) -> T -> (K[4..7]) -> C
- Зададим S (2<sup>64</sup> вариантов)
- Построим все эквивалентные K0 для P, S (2<sup>64</sup> вариантов)
- Получаем таблицу S, K0 (2<sup>128</sup> вариантов)
- Аналогично строим таблицу T, K1 (2<sup>128</sup> вариантов)

# Разделение ключей

$P \rightarrow (K[0..3]) \rightarrow S \rightarrow (K[4..7]) \rightarrow X \rightarrow (K[0..3]) \rightarrow T \rightarrow (K[4..7]) \rightarrow C$

- Задаём пару  $S, T$  ( $2^{128}$  вариантов)
- Выбираем все возможные  $K_0$  и вычисляем возможные  $X$  ( $2^{64}$  вариантов) – **левая таблица**
- Выбираем все возможные  $K_1$  и вычисляем возможные  $X$  ( $2^{64}$  вариантов) – **правая таблица**
- Строим пересечение левой и правой таблиц ( $\sim 2^{64}$  вариантов)
- Подходящие ключи восстановлены!
- Итого: для всех  $2^{128}$  ( $S, T$ ) по  $2^{64}$  ключей – всего  $2^{192}$

# Схема атаки

- Для каждой пары (P,C) предполагаем, что это reflection point
- Строим по описанной схеме  $2^{192}$  ключей
- Каждый из ключей проверяем по другим парам (P',C')
- Вероятность ложного срабатывания  $\sim 2^{-64}$
- Достаточно  $\sim 5$  пар для проверки
- Требуется  $\sim 2^{32}$  пар для попадания в reflection point

# Оценка сложности

- Для фиксированной пары (S,T) строятся 2 таблицы по  $2^{64}$  элементов и пересекаются
- Сложность по времени  $\sim 2^{64} + 2^{64} = 2^{65}$
- Сложность по памяти  $\sim 2^{65}$
- Для фиксированной пары (P,C) строятся  $2^{128}$  пар (S,T) –  $2^{128}$  вызовов проверки
- Сложность по времени  $\sim 2^{128} * 2^{65} = 2^{193}$
- Требуется набрать и проверить  $\sim 2^{32}$  пар (P,C)
- Общая сложность по времени  $\sim 2^{32} * 2^{193} = 2^{225}$
- Общая сложность по данным  $\sim 2^{32}$

# Заключительные замечания

- Атака основана на reflection point => требуется на менее  $2^{32}$  пар (P,C)
- Сама атака использует лишь один блок
- Используются не все соотношения, а лишь соотношения на первые 16 раундов
- Для любой пары (P,C) найдутся примерно  $2^{256-64}=2^{192}$  ключа, удовлетворяющие этим соотношениям – т.е., атака оптимальна
  
- Если использовать соотношения на последние раунды, подходящих ключей будет  $2^{256-64-32} = 2^{160}$  для каждой пары (P,C)
- Таким образом, оптимальная атака на основе одного блока потребует  $2^{32} * 2^{160} = 2^{192}$

# Заключительные замечания

- Что будет, если использовать несколько пар (P,C)?
- Reflection Points неотличимы от других блоков
- Атака:
  - Выбрать n пар (P[i],C[i])
  - Выявить подходящие ключи
  - Проверить по остальным парам
- Сложность 1 шага:  $L1 > 2^{\{32*n\}} * n^n / n!$
- Сложность 2 шага:  $L2 > 2^{\{256 - 96*n\}}$
- Лучший вариант – n = 3, L > 2<sup>{98}</sup>

Вывод: Атаки такого класса (даже оптимальные)  
неприменимы на практике!

# Вопросы?

- [chilikov@passware.com](mailto:chilikov@passware.com)